

系列讲座

现代实用流行病学方法
第二讲 病例对照研究（续）

章扬熙

成组（非配比）的病例对照研究统计推断

一、不分层资料：病例对照研究中所比较的是病例组和对照组中总体暴露率的差异。由于病例对照研究系抽样研究，样本暴露率存在抽样误差，所以，首先要进行 χ^2 检验，检验假设 H_0 为 $\pi_1=\pi_2$ ，即两组的总体暴露率相等，设检验水准 $\alpha=0.05$ 。如果检验结果接受 H_0 ， $P>0.05$ ，则说明该因素不是与发病

有关的因素，无需求比数比OR值。如果检验结果拒绝 H_0 ， $P\leq 0.05$ ，则说明该因素是与发病有关的因素（危险因素或保护因素），所以要进一步计算样本比数比OR值及总体比数比的100（1- α ）%可信区间。对有多暴露水平的成组资料，还可进而作剂量反应分析，各水平均可与非暴露作 χ^2 检验，求OR值及总体OR值的100（1- α ）%可信区间，作线性趋势检验并求出其斜率。有关的计算公式列于表1中。

表1 不分层资料的表式、统计指标及统计推断

2×2表		2×k表	
暴露 未暴露		暴露水平	
病例	a c	Y ₀ Y ₁ Y ₂ ... Y _j ...	
对照	b d	a ₀ (=c) a ₁ a ₂ ... a _j ...	M ₁
	N ₁ N ₀	b ₀ (=d) b ₁ b ₂ ... b _j ...	M ₀
		N ₀ N ₁ N ₂ ... N _j ...	T
表格形式			
假设检验	$\chi^2_{MH} = \frac{[a-E(a)]^2}{V(a)}$ (7)	线性趋势检验	$\chi = \frac{\sum aY - \frac{M_1 \sum NY}{T}}{\left\{ \frac{M_1 M_0}{T^2(T-1)} \left[T \sum NY^2 - (\sum NY)^2 \right] \right\}^{\frac{1}{2}}}$ (14)
	$E(a) = \frac{N_1 M_1}{T}$ (8)		
	$V(a) = \frac{N_1 N_0 M_1 M_0}{T^2(T-1)}$ (9)		
	df=1		
统计指标或与其100(1- α)%可信区间	$OR = \frac{ad}{bc}$ (10)	$b = \frac{\sum aY - \frac{M_1 \sum NY}{T}}{\sum NY^2 - \frac{(\sum NY)^2}{T}}$ (15)	
	Miettinen法		
	$OR (1 \pm U_{\alpha}/\chi)$ (11)		
	Woolf法		
	$\ln^{-1}[\ln OR \pm U_{\alpha} \sqrt{V(\ln OR)}]$ (12)		
	$V(\ln OR) = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + \frac{1}{d}$ (13)		

〔例4〕应用成组的病例对照研究来考察吸烟史与肺癌的关系，病例组108人中68人吸烟，对照组

本文作者单位：辽宁省卫生防疫站 110005 沈阳市

108人中49人吸烟（表2），问两组吸烟率有无差别？若有差别进而求比数比和总体比数比的95%可信限。

表2 吸烟与肺癌关系的病例对照研究

	吸烟	不吸烟	合计
病例	68(a)	40(c)	108(M ₁)
对照	49(b)	59(d)	108(M ₀)
合计	117(N ₁)	99(N ₀)	216(T)

1. 检验假设：病例组与对照组的总体吸烟率相等， $\alpha=0.05$ 。

2. 应用Mantel-Haenszel法求 χ^2 值：首先用公式8求a的理论值E(a)，再用公式9求其方差V(a)，最后用公式7求 χ^2 值。

$$E(a) = \frac{108 \times 117}{216} = 58.50$$

$$V(a) = \frac{108 \times 108 \times 117 \times 99}{216 \times 216 \times 215} = 13.47$$

$$\chi^2 = \frac{(68 - 58.5)^2}{13.47} = 6.70$$

3. 求 χ^2 的界值：自由度df = (行-1)(列-1) = (2-1)(2-1) = 1，查 χ^2 值表知，当df=1时， $\chi^2_{0.05} = 3.84$ ， $\chi^2_{0.01} = 6.63$ 。

4. 统计推断：本例 $\chi^2 = 6.70$ ，若检验假设H₀成立， $\pi_1 = \pi_2$ ，亦即总体比数比 $\psi = 1$ ，得到 χ^2 值为6.70或比6.70还大的概率 $P < 0.01$ ，表式为 $Pr(\chi^2 \geq 6.70 | H_0) < 0.01$ ，按 $\alpha = 0.05$ 水准拒绝检验假设，接受备择假设H_a，说明两组吸烟率有差别，即病例组吸烟率较对照组为高。应当说明，用公式7计算得 χ^2 值比一般统计书上 χ^2 公式所得的结果略小，为其

χ^2 值乘以(T-1)/T。

在病例对照研究中，用比数比(Odds Ratio)对危险因素的危險程度进行估计，本例用公式10计算OR，得：

$$OR = \frac{68 \times 59}{49 \times 40} = 2.05$$

这个结果说明吸烟者患肺癌的危险度为不吸烟者的2.05倍。

以上求得的是样本的比数比OR，总体比数比 ψ 的可信限，常用Miettinen法或Woolf法求得。本例 $100(1-\alpha) = 95$ ， $\alpha = 0.05$ ，查U值表(或t值表中df=∞时的值)， $U_{0.05} = 1.96$ ，应用Miettinen法公式11得 ψ 的95%可信限为：

$$2.05^{(1 \pm 1.96/\sqrt{6.70})} = 1.19 \sim 3.53$$

或用Woolf法，先用公式13求lnOR的方差得：

$$V(\ln OR) = \frac{1}{68} + \frac{1}{49} + \frac{1}{40} + \frac{1}{59} = 0.077063$$

用公式12求 ψ 的95%可信限为：

$$\ln^{-1} [\ln 2.05 \pm 1.96 \times \sqrt{0.077063}] = 1.19 \sim 3.53$$

两法所得结果相同。这结果说明总体比数比在1.19~3.53范围内的概率为95%。

把人群定性地分为“暴露”和“未暴露”两种情况是初步评价暴露于某因素与研究疾病之间联系的方法。当发现有联系后，还要进一步考察暴露剂量(水平)与反应的关系，做2×k表的分析。

〔例5〕对例4资料按不同吸烟量分等级统计，得表3，试进行剂量反应分析。

表3 不同吸烟量与肺癌的关系

组 段	每日吸烟量(支)					合 计
	0 0(Y ₀)	1~ 3(Y ₁)	5~ 10(Y ₂)	15~ 20(Y ₃)	25~ 30(Y ₄)	
病 例	40(a ₀ =c)	14(a ₁)	30(a ₂)	12(a ₃)	12(a ₄)	108(M ₁)
对 照	59(b ₀ =d)	18(b ₁)	22(b ₂)	8(b ₃)	1(b ₄)	108(M ₀)
合计	99(N ₀)	32(N ₁)	52(N ₂)	20(N ₃)	13(N ₄)	216(T)
OR(相对于不吸烟)	1.00	1.15	2.01	2.21	17.70	

为了检验剂量反应关系的线性趋势，应用公式14，进行 χ^2 检验。

1. 检验假设：总体回归系数 $\beta = 0$ ，即无剂量反

应关系。设 $\alpha = 0.05$ 。

2. 将有关数值代入公式14，得：

$$\chi = \frac{(40 \times 0 + \dots + 12 \times 30 - \frac{108}{216} (99 \times 0 + \dots + 13 \times 30))}{\left\{ \frac{108 \times 108}{216^2 \times 215} \left[216(99 \times 0^2 + \dots + 13 \times 30^2) - (99 \times 0 + \dots + 13 \times 30)^2 \right] \right\}^{1/2}} = 3.77$$

3. 求 χ 的界值： χ 分布即U分布，查U值表， $U_{0.05} = 1.96$ ，故 $Pr(\chi \geq 3.77 | H_0) < 0.05$ ，按检验水准 $\alpha = 0.05$ 拒绝检验假设，说明吸烟量越大，

发生肺癌越多，两者存在线性剂量反应关系。可进而应用公式15求出回归系数 b ，得：

$$b = \frac{(40 \times 0 + \dots + 12 \times 30) - \frac{108}{216} (99 \times 0 + \dots + 13 \times 30)}{(99 \times 0^2 + \dots + 13 \times 30^2) - \frac{(99 \times 0 + \dots + 13 \times 30)^2}{216}} = 0.0149$$

然后，再用公式10计算不同吸烟量者与不吸烟者之比数比，结果列于表3的第末行。比如，每日吸5~14支烟者，应用公式10得：

$$OR = \frac{30 \times 59}{22 \times 40} = 2.01, \text{ 余类推。}$$

从各OR值可明显看出，吸烟量越大患肺癌的危险度也越大。

病例对照研究分析的重点是估计暴露与疾病的联系及其强度。但是，对于公共卫生问题而言，还要研究暴露对人群的影响程度或减少暴露对人群的社会效益。为此，还要计算特异危险度百分比 (attributable risk proportion, 简称AR%) 和人群特异危险度百分比 (population attributable risk proportion, 简称PAR%)。这两个指标原为定群研究的统计指标，AR%表示在暴露者中由于暴露于某因素所致发病占暴露者发病的百分比，PAR%表示人群中由于暴露在某一因素而致发病占人群发病的百分比，计算公式分别为：

$$AR\% = \frac{I_e - I_u}{I_e} \times 100\% \quad (16)$$

由于 $RR = I_e / I_u$ ，上式可导出：

$$AR\% = \frac{RR - 1}{RR} \times 100\% \quad (17)$$

在病例对照研究中，用OR来估计RR，故：

$$AR\% = \frac{OR - 1}{OR} \times 100\% \quad (18)$$

$$PAR\% = \frac{I_t - I_u}{I_t} \times 100\% \quad (19)$$

由于 $I_t = PeI_e + (1 - Pe)I_u$ ， $RR = I_e / I_u$ ，从上

式可导出：

$$PAR\% = \frac{Pe(RR - 1)}{Pe(RR - 1) + 1} \times 100\% \quad (20)$$

在病例对照研究中，用OR来估计RR，故：

$$PAR\% = \frac{Pe(OR - 1)}{Pe(OR - 1) + 1} \times 100\% \quad (21)$$

上式中 Pe 为人群中的暴露率，未知时可用对照组的暴露率来代替。由于 $PAR\%$ 等于病例组的暴露率 P_c 与 $AR\%$ 的乘积，故 $PAR\%$ 也可用下式计算：

$$PAR\% = P_c \cdot \frac{OR - 1}{OR} \times 100\% \quad (22)$$

诸上式中， I_e 为暴露组的发病率， I_u 为未暴露组的发病率， I_t 为人群的发病率， RR 为相对危险度。如果 $PAR\%$ 的计算公式不乘以100%，则称为病因分值 (etiologic fraction, 简称EF)；同样， $AR\%$ 的计算公式不乘以100%，则称为暴露人群的病因分值 (EF_{Pe})。应当说明，在病例对照研究中，计算 $PAR\%$ 的条件是病例组为目标人群中全部新发病例或为其一个随机样本，对照组为目标人群中未发病者的一个随机样本。

总体 $AR\%$ 的100(1- α)%可信区间可先求出OR的可信区间上限值和下限值代入公式18得到。总体 $PAR\%$ 的100(1- α)%可信区间用下式计算：

$$PAR\% \pm U_{\alpha} \sqrt{V(PAR\%)} \quad (23)$$

式中 $V(PAR\%)$ 是 $PAR\%$ 的方差，为：

$$V(PAR\%) = \left(\frac{cM_0}{dM_1} \right)^2 \left(\frac{a}{cM_1} + \frac{b}{dM_0} \right) \quad (24)$$

〔例6〕 若例4资料符合计算 $PAR\%$ 的条件，求 $AR\%$ 、 $PAR\%$ 及其95%可信区间。

从例4知, $OR=2.05$, OR 的95%可信区间下限值为1.19, 上限值为3.53, 将有关数值代入公式18, 得:

$$AR\% = \frac{2.05-1}{2.05} \times 100\% = 51.22\%$$

这说明在吸烟的人群中, 由于吸烟导致肺癌的占肺癌患者总数的51.22%。

再将有关上下限数值代入公式18, 得 $AR\%$ 的95%可信区间为:

$$\frac{1.19-1}{1.19} \times 100\% \sim \frac{3.53-1}{3.53} \times 100\% = 15.97\% \sim 71.67\%$$

$$Pe = \frac{b}{Mo} = \frac{49}{108} = 0.4537, \text{代入公式21得:}$$

$$PAR\% = \frac{0.4537 \times (2.05-1)}{0.4537 \times (2.05-1) + 1} \times 100\% = 32.27\%$$

或者, $Pc = \frac{a}{M_1} = \frac{68}{108} = 0.62963$, 代入公式22得:

$$PAR\% = \frac{0.62963 \times (2.05-1)}{2.05} \times 100\% = 32.25\%$$

两公式的计算结果一致, 尾数差是由于取位数时四舍五入造成的。这结果说明, 在总人群的患肺癌者中有32.25%是由于吸烟导致患病的。

将有关数值代入公式24得

$$V(PAR\%) = \left(\frac{40 \times 108}{59 \times 108} \right)^2 \left(\frac{68}{40 \times 108} + \frac{49}{59 \times 108} \right) = 0.01077$$

查U值表, $U_{\alpha}=1.96$, 将有关数值代入公式23得 $PAR\%$ 的95%可信区间为:

$$0.3225 \pm 1.96 \times \sqrt{0.01077} = 0.1191 \sim 0.5259 = 11.91\% \sim 52.59\%$$

另外, Taylor (1977) 证明, $PAR\%$ 还可用简单的公式求出

$$PAR\% = 1 - \frac{cM_0}{dM_1} \quad (25)$$

读者可自行计算, 结果与上法一致。

二、分层资料: 分层分析的目的在于把混杂因素的影响排除。通常需要对年龄、性别、种族等可能混杂因素加以考虑, 按可能混杂因素分层归纳成多个 2×2 表进行分析, 各层的 2×2 表分析方法同简单 2×2 表, 还可进而计算分层资料的总 χ^2 值。如果各层的比数比经非均匀性 χ^2 检验认为基本一致, 可求总比数比及其可信区间, 否则计算 SMR 及其可信区间。若暴露水平为计量资料或等级资料, 还可进一步考察暴露剂量与反应的关系, 做趋势性扩展的 χ 检验, 当说明有剂量反应关系后, 可进而求回归系数及 SRR 。以上的有关指标、假设检验及总体参数的可信区间计算公式详见表4。

〔例7〕用病例对照研究来考察肺癌与接触毒物的关系, 结果如表5。由于吸烟为可能混杂因素, 遂把表5按吸烟分层, 得到两个 2×2 表 (表6、7), 试求 OR 并给予解释。

不分层资料求得粗比数比 $OR=22.94$, 但按吸烟分层后, 吸烟层的调整比数比 $OR_1=1$, 不吸烟层 $OR_2=1$, 说明肺癌与接触毒物无联系, 而不分层的 $OR=22.94$ 是一个假象, 是由吸烟这个混杂因素造成的。

〔例8〕Doll 和 Hill 应用病例对照研究吸烟与肺癌的关系, 结果如表8, 由于不同性别人群的暴露率和暴露水平均有不同, 性别可能是混杂因素, 对该资料按性别分层整理, 结果得表9, 试进行分析。

从 χ^2 检验结果知 $\chi_{MH}^2=19.12$, $P<0.001$, 两组吸烟率有差别, 吸烟为肺癌的危险因素。为了消除性别的影响, 应用公式26进行分层资料汇总 χ_{MH}^2 检验, 得:

$$\chi_{MH}^2 = \frac{(688-669)^2}{14.4864} = 24.92$$

$P<0.001$, 说明消除了性别的影响, 吸烟仍为肺癌的危险因素, 本例各层的比数比是否一致, 可进行非均匀性卡方检验。检验假设为各层总体比数比相等, 设 $\alpha=0.05$ 。首先要应用公式39计算总 OR , 得

$$\text{总 } OR = \frac{24.39}{5.39} = 4.53, \text{然后应用迭代法计算总比}$$

数比的渐近极大似然估计 OR_{ML} , 使求得的 OR_{ML} 满足公式34、35的条件, 可用总 OR 值作为 OR_{ML} 迭代的初值。公式34、35中的 $E(ai)$ 是 OR_{ML} 为其比数比时 ai 的期望值。本例得 $OR_{ML}=4.25$, 将此值与表9中男性 2×2 表中有关值代入公式35, 得:

表5 接触毒物与肺癌关系的病例对照研究

	接触毒物	不接触毒物	合计
病例	91	19	110
对照	19	91	110
合计	110	110	

$\chi^2_{MH}=93.83 \quad P<0.001$

$OR=(91 \times 91)/(19 \times 19)=22.94$

表6 吸烟者接触毒物与肺癌的关系

	接触毒物	不接触毒物	合计
病例	90	9	99
对照	10	1	11
合计	100	10	110

$\chi^2_{MH}=0 \quad P>0.05$

$OR_1=(90 \times 1)/(9 \times 10)=1$

表7 不吸烟者接触毒物与肺癌的关系

	接触毒物	不接触毒物	合计
病例	1	10	11
对照	9	90	99
合计	10	100	110

$\chi^2_{MH}=0 \quad P>0.05$

$OR_2=(1 \times 90)/(9 \times 10)=1$

表8 吸烟与肺癌关系的病例对照研究

	吸烟	不吸烟	合计
病例	688	21	709
对照	650	59	709
合计	1338	80	1418

$\chi^2_{MH}=19.12 \quad P<0.001$

$OR=2.97$

表9 不同性别肺癌病例与对照吸烟史的比较

层别		吸烟	不吸烟	合计	a	E(a)	V(a)	OR	$\frac{ad}{T}$	$\frac{bc}{T}$	$\frac{bc}{d}$
男	病例	647(643.4)	2(5.6)	649	647	634.5	7.0935	14.04	13.46	0.96	46.07
	对照	622(625.6)	27(23.4)	649							
	合计	1269	29	1298							
					$(\chi^2_{MH}=22.03 \quad P<0.001)$						
女	病例	41(44.6)	19(15.4)	60	41	34.5	7.3929	2.47	10.93	4.43	16.63
	对照	28(24.4)	32(35.6)	60							
	合计	69	51	120							
					$(\chi^2_{MH}=5.71 \quad P<0.05)$						
合 计					688	669	14.4864	—	24.39	5.39	62.70

$$\frac{E(a_1) [649-1269+E(a_1)]}{[1269-E(a_1)] [649-E(a_1)]} = 4.25,$$

解 $E(a_1)=643.4$, 同理, 将 $OR_{ML}=4.25$ 值与表9中女性 2×2 表中有关值代入公式35, 得

$$\frac{E(a_2) [60-69+E(a_2)]}{[69-E(a_2)] [60-E(a_2)]} = 4.25,$$

解 $E(a_2)=44.6$, 将 $E(a_1)$ 、 $E(a_2)$ 值代入公式34得 $647+41-(643.4+44.6)=0$, 满足了公式34、35的条件。于是, 得到 $E(a_1)$ 、 $E(b_1)$ 、 $E(c_1)$ 、 $E(d_1)$ 、 $E(a_2)$ 、 $E(b_2)$ 、 $E(c_2)$ 、 $E(d_2)$ 各值, 列于表9各实际值旁的括号中。再将有关值代入公式33得;

$$\chi^2_{HET} = -2 \left\{ \left[647 \ln \frac{643.4}{647} + \dots + 27 \ln \frac{23.4}{27} \right] + \left[41 \ln \frac{44.6}{41} + \dots + 32 \ln \frac{35.6}{32} \right] \right\} = 5.62$$

自由度 $df=g-1=2-1=1$, 查 χ^2 值表, $\chi^2_{0.05}=3.84$, 故 $P<0.05$, 拒绝检验假设, 说明男、女的总体比数比不等。由于各层比数比不一致, 不宜求总OR, 而用各层比数比或标化发病率比SMR来分析,

应用公式36得 $SMR = \frac{688}{62.70} = 10.97$, 总体SMR的

95%可信区间应用公式37、38得 $V(SMR) = \frac{\sqrt{688}}{62.70}$

$= 0.4183$, $10.97 \pm 1.96 \times \sqrt{0.4183} = 10.15 \sim 11.79$, 总体SMR的95%可信区间为10.15~11.79。

若各层比数比一致, 可求总OR及其95%可信区间, 以本例数据练习计算方法得总OR=4.53, 总OR 95%可信区间应用公式30得:

$$4.53^{(1 \pm 1.96/\sqrt{24.92})} = 2.50 \sim 8.20$$

同样地可应用公式45求PAR%, 应用公式46、47求PAR%的100(1- α)%可信区间。

$$PAR\% = 1 - \left[\sum M_{0i} \frac{c_i}{d_i \sum M_{1i}} \right] \quad (45)$$

本例得:

$$PAR\% = 1 - \left[\frac{649 \times 2}{27 \times 709} + \frac{60 \times 19}{32 \times 709} \right] = 0.8819$$

$$V(PAR\%) = \frac{1}{(\sum M_{1i})^2} \left\{ \sum \left(\frac{M_{0i} c_i}{d_i} \right)^2 \left(\frac{1}{d_i} + \frac{b_i}{M_{0i} d_i} \right) - (\sum M_{1i})(1 - PAR\%)^2 \right\} \quad (46)$$

总体PAR%的100(1- α)%可信区间为:

$$PAR\% \pm U_{\alpha} \sqrt{V(PAR\%)} \quad (47)$$

本例:

$$V(PAR\%) = \frac{1}{709^2} \left\{ \left(\frac{649 \times 2}{27} \right)^2 \left(\frac{1}{27} + \frac{622}{649 \times 27} \right) + \left(\frac{60 \times 19}{32} \right)^2 \left(\frac{1}{32} + \frac{28}{60 \times 32} \right) - 709 \times (1 - 0.8819)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} = 0.00042849$$

PAR%的95%可信区间为:

$$0.8819 \pm 1.96 \sqrt{0.00042849} = 0.8413 \sim 0.9225$$

(84.13~92.25%)

这说明该人群中有88.19%的肺癌病例归因于吸烟, 其95%可信区间为84.13%~92.25%(消除了性别的影响后所得的结果)。

幼儿园学龄前儿童HBV感染标志的血清学研究

张树修 封太昌 王桂芝 邓长英

为了解学龄前儿童的HBV感染率, 加强对病毒性乙型肝炎(乙肝)的综合防治, 我们对北京市朝阳区五所幼儿园712名儿童进行了HBsAg、抗-HBs、抗-HBc三项血清学研究。结果报道如下。

HBsAg、抗-HBs、抗-HBc三项HBV感染标志阳性率分别为0.42%、12.08%和12.08%。HBV总感染率为20.37%, 其中男21.39%(80/374), 女19.23%(65/338), 男女间无显著性差异($\chi^2 = 0.385$, $P > 0.05$)。年龄分布3岁10.78%(18/167), 4岁18.18%(22/121), 5岁30.5%(61/200), 6岁18.03%(44/244), 各年龄组间有显著性差异($\chi^2 = 23.56$, $P < 0.05$)。单位分布总队幼儿园最高(34.76%, 57/164), 副食公司幼儿园最低(8.43%, 14/166), 单位间有显著性差异($\chi^2 = 32.681$, $P < 0.05$)。父(母)有肝炎史者47.61%(10/21)、曾注射过乙型肝炎疫苗者81.81%(9/11), 其中抗-

HBs阳性72.73%(8/11)。

本研究结果表明, 朝阳区五所幼儿园学龄前儿童HBV感染率20.37%, 大大低于一般人群水平(40%~50%左右), 其年龄分布呈一特殊模式: 3~5岁随年龄增长而上升, 符合一般规律, 但6岁下降, 可能与母婴传播此时抗体水平下降(消失)和年龄尚小无更多感染机会有关。父(母)有肝炎史者HBV感染率高, 说明母婴及水平传播是重要的。

据此我们认为: 应在全国范围内对学龄前儿童进行乙肝疫苗注射。新生儿注射乙肝疫苗后5~6年(入小学前)应加强注射一次, 以保持一定免疫水平, 这对减少乙肝发病率, 提高人民健康水平有着十分重要的意义。

(收稿: 1993-01-29 修回: 1993-04-24)